

**Facoltà di Economia Aziendale**  
**Corso di Politica Economica**  
**GLI SCHEMI DECISIONALI DI POLITICA ECONOMICA**  
(Cfr. Programma del corso, Sessione 2)

- Individuazione obiettivi (es.  $O_1$  e  $O_2$ ).  
( Considerazioni economico – politiche )
- Definizione valore ottimale degli obiettivi  $O_1^*$ ,  $O_2^*$  minimizzando la funzione di perdita sociale.

$$\text{Es: } \text{Min } L = \left( O_1 - \bar{O}_1 \right)^2 + \left( O_2 - \bar{O}_2 \right)^2,$$

dove usualmente  $\bar{O}_1$  e  $\bar{O}_2$  descrivono valori di “equilibrio naturale” di lungo periodo.  
Notate che non necessariamente i valori ottimali sono quelli che azzerano completamente la funzione di perdita, ossia  $O_1^* = \bar{O}_1$  e  $O_2^* = \bar{O}_2$ . Non è detto, infatti, che i valori  $\bar{O}_1$  e  $\bar{O}_2$  degli obiettivi siano compatibili con il sistema economico e siano simultaneamente raggiungibili. In realtà la funzione di perdita deve essere minimizzata tenendo conto dei vincoli imposti dal funzionamento del sistema economico (minimizzazione di  $L$  sotto il vincolo costituito dal modello economico) e dei legami che nella realtà legano obiettivi a strumenti e obiettivi tra loro. L’esito della minimizzazione vincolata individua quei valori per le variabili obiettivo che da un lato sono ottimali perché minimizzano la funzione di perdita (senza necessariamente azzerarla) e dall’altro sono simultaneamente raggiungibili.

- Verificare se è soddisfatta regola di Tinbergen

**REGOLA DI TINBERGEN:** *Condizione necessaria affinché un problema di Politica Economica abbia soluzioni univoche (La soluzione del modello sia unica) è che il numero delle variabili obiettivo sia eguale al numero delle variabili strumentali.*

- In caso di risposta affermativa risolvere il problema di politica economica partendo dal modello economico che lega obiettivi e strumenti

**Modello che lega obiettivi e strumenti:**

- Forma strutturale del modello:

$$\begin{cases} O_1 = \gamma_1 S_1 + \gamma_2 S_2 + \gamma_3 O_2 \\ O_2 = \delta_1 S_1 + \delta_2 S_2 + \delta_3 O_1 \end{cases}$$

- Ricavare la forma ridotta (risolvere il modello rispetto agli obiettivi).

$$\begin{cases} O_1 = \frac{1}{1 - \mathbf{g}_3 \mathbf{d}_3} [(\mathbf{g}_1 + \mathbf{g}_3 \cdot \mathbf{d}_1) \cdot S_1 + (\mathbf{g}_2 + \mathbf{g}_3 \cdot \mathbf{d}_2) \cdot S_2] = \mathbf{a}_1 \cdot S_1 + \mathbf{a}_2 \cdot S_2 \\ O_2 = \left[ \mathbf{d}_1 + \frac{\mathbf{d}_3 \cdot (\mathbf{g}_1 + \mathbf{g}_3 \cdot \mathbf{d}_1)}{1 - \mathbf{g}_3 \mathbf{d}_3} \right] \cdot S_1 + \left[ \mathbf{d}_2 + \frac{\mathbf{d}_3 \cdot (\mathbf{g}_2 + \mathbf{g}_3 \cdot \mathbf{d}_2)}{1 - \mathbf{g}_3 \mathbf{d}_3} \right] \cdot S_2 = \mathbf{b}_1 \cdot S_1 + \mathbf{b}_2 \cdot S_2 \end{cases} \quad [ 1 ]$$

Ovvero riscrivendo il sistema in forma matriciale

$$\begin{bmatrix} O_1 \\ O_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ b_1 & b_2 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} S_1 \\ S_2 \end{bmatrix} \quad \Rightarrow \quad O = A \times S$$

- Se il numero delle variabili strumentali è uguale al numero delle variabili obiettivo come in questo caso, allora la Regola di Tinbergen è soddisfatta. Bisogna tuttavia ancora verificare una condizione, ossia se gli strumenti sono linearmente indipendenti. Per questo occorre stabilire se il determinante della matrice A è diverso da 0.

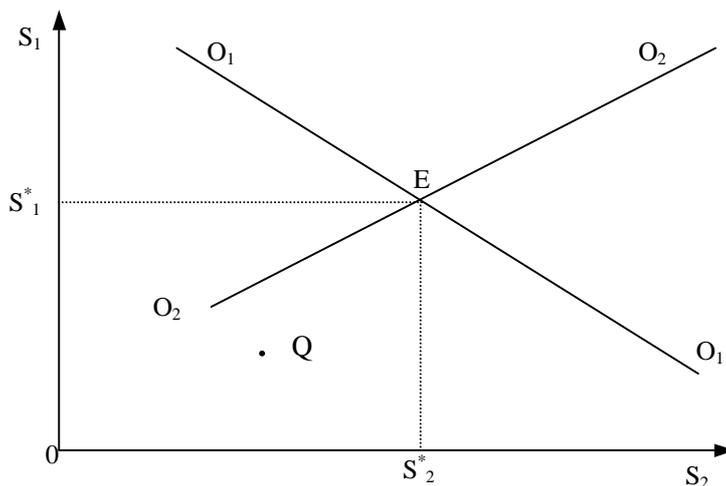
$$\det A = a_1 b_2 - a_2 b_1 \neq 0.$$

Se così è, allora la matrice A è invertibile e il problema di politica economica ha soluzione univoca

- Imporre il valore ottimale degli obiettivi e risolvere rispetto agli strumenti:

$$\begin{cases} S_1^* = \frac{b_2 \cdot O_1^* - a_2 \cdot O_2^*}{a_1 \cdot b_2 - a_2 \cdot b_1} \\ S_2^* = \frac{a_1 \cdot O_2^* - b_1 \cdot O_1^*}{a_1 \cdot b_2 - a_2 \cdot b_1} \end{cases} \quad [2]$$

- Il valore ottimale degli strumenti ( $S_1^*$ ,  $S_2^*$ ) è individuato dall'intersezione tra le due rette del sistema [ 1 ] (oltre che dalla sua soluzione analitica [ 2 ]).



- Se il sistema si trova fuori dall'equilibrio (Es. Q) per tornare ad esso, assegnerà il raggiungimento di ciascun obiettivo a uno specifico strumento. L'abbinamento obiettivi/strumenti segue la regola di Mundell .

$$\text{Es. se } \frac{a_1}{a_2} > \frac{b_1}{b_2}$$

$$\begin{aligned} S_1 &\longleftrightarrow O_1 \\ S_2 &\longleftrightarrow O_2 \end{aligned}$$