

# CONCORRENZA DINAMICA E COLLUSIONE

**ECONOMIA INDUSTRIALE**  
**UNIVERSITA' Liuc**

# Contesto e concetti

- Una delle ipotesi che portano al paradosso di Bertrand è che la competizione di prezzo duri un solo periodo (one-shot)
- Nella realtà, la competizione di prezzo fra imprese è un gioco ripetuto nel tempo e a cadenza spesso frequente
- Cosa cambia nel modello di competizione di prezzo, il fatto che le imprese interagiscano *ripetutamente*?
- Concetti: collusione, fattore di sconto, punizione, coordinamento tacito, guerre di prezzo

# Tre tipi di collusione

- **Cartelli**

Gruppo di imprese che si accorda in modo *esplicito* per coordinare attività (prezzi-quantità) (istituzionalizzato)

- **Accordi segreti**

Gruppo di imprese che si accorda in modo *segreto* per coordinare attività (prezzi-quantità)

- **Accordi taciti**

Gruppo di imprese che si accorda in modo *tacito* per coordinare attività (prezzi-quantità)

Elemento comune: tentativo di sopprimere la concorrenza ed aumentare il potere di mercato delle imprese

# Competizione di prezzo (quantità) dinamica

- La collusione *può* divenire un equilibrio sostenibile se la competizione di prezzo (quantità) viene ripetuta un numero infinito (incerto) di volte – Folk theorem

Trigger strategy

$$\sigma_1 \left\{ \begin{array}{ll} p_{1t} = p^m & \text{se } t=0 \\ p_{1t} = p^m & \text{se } t>0 \quad p_{2s} = p^m \quad s=0, 1, 2..t-1 \\ p_{1t} = c & \text{se } t>0 \quad p_{2s} < p^m \quad s=0, 1, 2..t-1 \end{array} \right.$$

## GENERICAMENTE:

La coppia di strategie  $(\sigma_1, \sigma_2)$  può essere un equilibrio del gioco ripetuto un numero infinito di volte?

Definiamo genericamente (cioè sia per la competizione di prezzo che per la competizione sulle quantità):

$\pi^{CO}$  = profitto di collusione

$\pi^D$  = profitto di deviazione

$\pi^{NC}$  = profitto di Non Collusione, ossia  
corrispondente all'equilibrio di Nash

1) Assumendo che impresa 2 segua  $\sigma_2$ , qual è il payoff per l'impresa 1 seguendo  $\sigma_1$ ?

$$V_1^{CO} = \pi^{CO} (1 + \delta + \delta^2 + \dots) = \pi^{CO} \frac{1}{1-\delta}$$

2) Assumendo che impresa 2 segua  $\sigma_2$ , qual è il payoff per l'impresa 1 se devia da  $\sigma_1$ ?

$$V_1^D = \pi^D + \pi^{NC} [\delta + \delta^2 + \dots] = \pi^D + \frac{\delta \pi^{NC}}{1-\delta}$$

La strategia  $\sigma_1$  è risposta ottima a  $\sigma_2$  (e viceversa) se:

$$V_1^{CO} \geq V_1^D$$

Verifichiamo quando vale questa condizione, ossia quando la collusione è sostenibile!

Confrontando le due opzioni, abbiamo che:

$$\pi^{CO} \frac{1}{1-\delta} \geq \pi^D + \frac{\delta \pi^{NC}}{1-\delta}$$

$$\pi^{CO} \frac{1}{1-\delta} - \pi^D - \frac{\delta \pi^{NC}}{1-\delta} \geq 0$$

$$\frac{\pi^{CO} - (1-\delta)\pi^D - \delta\pi^{NC}}{1-\delta} \geq 0$$

Conta il segno del  
numeratore, dato che  $\delta < 1$   
e quindi  $(1-\delta) > 0$

$$\delta [\pi^D - \pi^{NC}] \geq \pi^D - \pi^{CO}$$

$$\delta \geq \frac{\pi^D - \pi^{CO}}{\pi^D - \pi^{NC}} \equiv \delta^*$$



Essendo:

$$\pi^D > \pi^{CO} > \pi^{NC} > \pi^F$$

$$\delta \geq \frac{\pi^D - \pi^{CO}}{\pi^D - \pi^{NC}} \equiv \delta^*$$


$$< 1$$

la condizione è soddisfatta per  $\delta$  ‘grande’. La possibilità di un equilibrio collusivo dipende dal fattore di sconto.

Nella competizione di prezzo (modello di Bertrand) la precedente condizione diventa:

$$\delta \geq \frac{\pi^D - \pi^{CO}}{\pi^D - \pi^{NC}} = \frac{\pi^m - \pi^m/2}{\pi^m - 0} = \frac{1}{2} \equiv \delta^*$$

Nella competizione di quantità (modello di Cournot) la precedente condizione diventa:

$$\delta \geq \frac{\pi^D - \pi^{CO}}{\pi^D - \pi^{NC}} = \frac{9}{17} \equiv \delta^*$$

è relativamente più difficile colludere nel modello di Cournot, causa il fatto che la punizione è meno severa.

## Nota sul fattore di sconto (1)

Nell'analisi precedente:

$$\delta = \frac{1}{1+r}$$

Supponiamo che  $r$  sia tasso di interesse annuale, ma che le imprese cambino il prezzo  $f=5$  volte all'anno, ossia ogni  $365/5=73$  giorni:

$$\delta = \frac{1}{1 + \frac{r}{f}}$$

è il fattore di sconto rilevante nelle decisioni delle imprese.

## Nota sul fattore di sconto (2)

In realtà, le imprese sono incerte sul fatto che la competizione prosegua nel futuro. Sia  $h$  la probabilità che la competizione ‘prosegua’:

$$\delta = \frac{1}{1+r} h$$

In modo analogo, si può pensare alla possibilità che il mercato cresca:

$$\delta = \frac{1}{1 + \frac{r}{f}} h(1+g)$$

# Discussione

- La collusione può essere un equilibrio sostenibile a patto che le imprese siano *pazienti* ( $\delta$  alto)
- La minaccia (credibile) di essere *puniti* frena ciascuna impresa dal deviare
- Se imprese percepiscono forte interdipendenza, *accordi taciti* (es. parallelismo prezzi) possono essere risultato di comportamenti spontanei

Problema: se la collusione è un esito possibile della competizione, perchè non si osserva spesso?

# Fattori che influenzano la collusione

- Domanda Fluttuante
- Struttura di Mercato
  - Numero di imprese
  - Simmetria fra imprese (costi, varietà prodotte)
- Interazione fra imprese in più mercati
- Ritardi di Informazione (e Frequenza delle Interazioni)

# Struttura mercato e collusione

Competizione di prezzo con  $n$  imprese:

$$V_1^{CO} = \frac{\pi^m}{n} \frac{1}{1-\delta} > V_1^D = \pi^m$$

che implica:  $\delta > 1 - \frac{1}{n} \equiv \delta^*$

Il limite inferiore del fattore di sconto  
necessario per sostenere la collusione  
cresce, al crescere di  $n$

**Collusione più facile in mercati concentrati**

# Ritardi di Informazione

Competizione di prezzo.

Prezzi osservabili con 2 periodi di ritardo:

$$V_1^{CO} = \frac{\pi^m}{2} \frac{1}{1-\delta} \geq V_1^D = \pi^m (1 + \delta)$$

che implica:

$$\delta \geq \frac{1}{\sqrt{2}} > \frac{1}{2}$$

Collusione meno facile in mercati con interazioni infrequenti (ingrosso, forniture industriali, grandi commesse)



# Fluttuazioni domanda

A) Informazione imperfetta → guerre di prezzo in presenza di domanda decrescente: prezzi si muovono in modo pro-ciclico.

B) Informazione perfetta → incentivo a deviare cresce nei periodi di domanda alta (profitto futuro è una media di profitti buoni e cattivi): prezzi si muovono in modo anti-ciclico.

Fluttuazioni della domanda rendono difficile sostenere la piena collusione.

# Fluttuazioni domanda (1)

Se l'informazione è perfetta:

- Guerre di prezzo più probabili nelle fasi alte del ciclo.
- I prezzi si muovono in modo anticiclico
- Incentivo a deviare maggiore quando domanda alta
- Per impedire deviazione e mantenere equilibrio collusivo, tutte le imprese abbassano il prezzo

# Fluttuazioni domanda (2): Riduzioni segrete dei prezzi

- Ipotesi:
  - Informazione imperfetta: l'impresa non osserva stato della domanda e prezzi dei concorrenti
  - Impresa osserva solo se domanda che riceve è alta o bassa
  - Domanda di mercato fluttua in modo casuale
- Scenario:
  - Domanda impresa si riduce in modo inatteso
  - Come dovrebbe reagire l'impresa?

Fasi collusive e guerre di prezzo si possono alternare quando comportamento concorrenti non è osservabile. Prezzi si muovono prociclicamente.

# PS: Calcoli

Incentivi a colludere nel Modello di competizione nelle quantità (Cournot)

$$P = a - bQ$$

$$Q = q_1 + q_2$$

$$C_i = cq_i$$

$$i = 1, 2$$

$$q_1^{NC} = q_2^{NC} = \frac{a - c}{3b}$$

$$\pi_1^{NC} = \pi_2^{NC} = \frac{(a - c)^2}{9b}$$

Qual è la soluzione di collusione?

$$\max \Pi = [a - b(q_1 + q_2)] (q_1 + q_2) - cq_1 - cq_2$$

**Il risultato della massimizzazione è quello di monopolio: le imprese si dividono in due parti uguali la quantità di monopolio:**

$$q_1^{co} = q_2^{co} = \frac{a - c}{4b} \quad p^{co} = \frac{a + c}{2}$$

$$\pi_1^{co} = \pi_2^{co} = \frac{(a - c)^2}{8b}$$

La collusione non è un equilibrio sostenibile

E' ottimale per impresa 1 deviare dalla strategia collusiva! Infatti:

$$\pi_1 = \left[ a - b\left(q_1 + \frac{a-c}{4b}\right) \right] q_1 - cq_1$$

$$\frac{\partial \pi_1}{\partial q_1} = a - 2bq_1 - \frac{a-c}{4} - c = 0$$

$$q_1^D = 3(a-c)/8b$$

$$p^D = (3a+5c)/8$$

$$\pi_1^D = 9(a-c)^2/64b$$

$$\pi_2^F = 3(a-c)^2/32b$$

**Sostituendo quindi nella relazione trovata in precedenza (e riportata qui sotto) i valori opportuni si ottiene:**

$$\delta \geq \frac{\pi^D - \pi^{CO}}{\pi^D - \pi^{NC}} = \frac{9}{17} \equiv \delta^*$$

In conclusione: è relativamente più difficile colludere nel modello di Cournot rispetto a Bertrand (in cui la collusione è sostenibile per  $\delta \geq 1/2$ ) a causa del fatto che la punizione è meno severa