

Università C. Cattaneo, Corso di Laurea in Economia Aziendale, A.A. 2014-2015
 STATISTICA – 08.01.15 - PROVA GENERALE (STANDARD)
 Modalità B

(A) ai fini della valutazione verranno considerate solo le risposte riportate dallo studente negli appositi riquadri bianchi: in caso di necessità si può anche andare fuori dai margini che delimitano i riquadri.
 (B) nello svolgimento del compito si utilizzino almeno tre cifre decimali.

COGNOME.....NOME.....MATR.....

ESERCIZIO 1 (4 punti)

Per descrivere il rendimento settimanale di un fondo si assume una distribuzione gaussiana con media -0.01 e scarto quadratico medio 0.03.

- a) Si calcoli la probabilità che il rendimento settimanale del fondo sia positivo.
 b) Si determini il quantile di ordine 0.7 del rendimento settimanale del fondo.

$$X = \text{rendimento} \quad X \sim N(-0.01, 0.03^2)$$

a) $P(X > 0) = P\left(Z > \frac{0 + 0.01}{0.03}\right) = P(Z > 0.333) = 1 - 0.6283 = 0.3717$

b) $P(X \leq K) = 0.7$; $P\left(Z \leq \frac{K + 0.01}{0.03}\right) = 0.7$
 $\Rightarrow \frac{K + 0.01}{0.03} = 0.52 \Rightarrow K = (0.03)(0.52) - 0.01 = 0.0056$

ESERCIZIO 2 (3 punti)

La probabilità di trovare posto su un treno per pendolari è pari a 0.7. Si considera una settimana lavorativa (5 giorni), supponendo che il fatto di trovare o meno posto in un giorno non dipenda da ciò che accade nei restanti 4 giorni.

- a) Si calcoli la probabilità che, nei 5 giorni, si trovi posto almeno 3 volte.
 b) Si calcoli il valore atteso della variabile $Y = 5 - 2X$, dove X è il numero di giorni, sui 5, in cui si trova posto.

$$X = \text{numero giorni, sui 5, in cui si trova posto}$$

$$X \sim \text{Bin}(5, 0.7)$$

a) $P(X \geq 3) = P(X=3) + P(X=4) + P(X=5) =$
 $= \frac{5!}{3!2!} (0.7)^3 (0.3)^2 + \frac{5!}{4!1!} (0.7)^4 (0.3) + \frac{5!}{5!0!} (0.7)^5 (0.3)^0 =$
 $= 0.3087 + 0.3602 + 0.1681 = 0.837$

b) $E(Y) = E(5 - 2X) = 5 - 2E(X) = 5 - 2(5 \cdot 0.7) = -2$

ESERCIZIO 3 (4 punti)

Sia X una variabile aleatoria con distribuzione bernoulliana di parametro 0.5 e Y una variabile aleatoria con distribuzione binomiale di parametri 2 e 0.3; siano inoltre X e Y indipendenti.

- Si scriva (esplicitamente o attraverso la tabella a doppia entrata) la funzione di probabilità congiunta di X e Y .
- Si determini il coefficiente di correlazione lineare di (X, Y) .
- Si calcoli lo scarto quadratico medio di $T=2-3X+Y$.

$X \sim \text{Bern}(0.5)$; $Y \sim \text{Bin}(2, 0.3)$; X, Y indipendenti

a)

| | | | | |
|------------------|-------|-------|-------|-----|
| $X \backslash Y$ | 0 | 1 | 2 | |
| 0 | 0.245 | 0.210 | 0.045 | 0.5 |
| 1 | 0.245 | 0.210 | 0.045 | 0.5 |

b) $\rho(X, Y) = 0$ perché X e Y indipendenti

c) $\text{Var}(T) = \text{Var}(2-3X+Y) = 9\text{Var}(X) + \text{Var}(Y) = 9(0.25) + 0.42 = 2.67$
 $\sigma(T) = \sqrt{2.67} = 1.634$

0.48 0.42 0.08

ESERCIZIO 4 (6 punti)

L'osservatorio del mercato immobiliare di una regione effettua un'indagine campionaria per stabilire se la quotazione media al metro quadrato (variabile X) di edifici ad uso residenziale è inferiore a 2 (migliaia di euro). Il campione utilizzato per l'analisi è relativo a 300 edifici; i dati rilevati hanno fornito le seguenti sintesi: $\sum x_i = 582$; $\sum x_i^2 = 1194$.

- Si determini una stima puntuale della quotazione media al metro quadrato nella regione.
- Si determini una stima puntuale per la varianza della quotazione al metro quadrato nella regione.
- Si determini un intervallo di confidenza al 95% per la quotazione media al metro quadrato, nella regione.
- Si stabilisca, a livello 0.01, se la quotazione media al metro quadrato, nella regione, è inferiore a 2.

VEDI ESERCIZIO 1 II PROVA PARZIALE B STANDARD

ESERCIZIO 5 (5 punti)

Attraverso un'indagine campionaria effettuata su 110 aziende si vuole stimare la proporzione di aziende, in un determinato Paese, per le quali il numero di dipendenti a tempo indeterminato si è ridotto rispetto all'anno precedente. Tra le 110 aziende del campione, 74 hanno ridotto il numero di dipendenti a tempo indeterminato.

- Si determini una stima puntuale della proporzione suddetta.
- Si determini un intervallo al 95% per la proporzione suddetta.
- Si verifichi, a livello 0.01, se la proporzione di aziende che hanno ridotto il numero di dipendenti è diversa da 0.7.

VEDI ESERCIZIO 2 II PROVA PARZIALE STANDARD B

ESERCIZIO 6 (4 punti) (Analisi dei dati Excel, I parte - per tutti)

Con un campione casuale si sono osservati i valori $x = 0, 1, 2, 3, 4, 5$ di una variabile X con, rispettivamente, le frequenze assolute $n(x) = 25, 15, 5, 10, 20, 25$ di tali valori x . Con riferimento a tali dati osservati:

- Si specifichi la tabella delle frequenze.
- Si determinino il quinto decile ed il terzo quartile dei dati osservati.
- Si calcoli la media dei dati osservati e si precisi se vi siano (o non vi siano) le condizioni (in caso affermativo si precisino quali) per considerare tale media una stima puntuale (affidabile) del valore medio atteso della variabile X .

VEDI ESERCIZIO 6 PROVA GENERALE STANDARD A

Università C. Cattaneo, Corso di Laurea in Economia Aziendale, A.A. 2014-2015

ESERCIZIO 7 (4 punti) (Analisi dei dati Excel, II parte- solo per chi non ha sostenuto la prova SAS)

7.1 (2 punti). Al fine di testare al livello di significatività 0.1 se le varianze di due popolazioni statistiche X e Y entrambe gaussiane siano differenti si sono considerate due realizzazioni campionarie (da campioni indipendenti) sulla base delle quali si è prodotto il tabulato Excel "Test F a due campioni per varianze" riportato in basso. Sulla base di quanto precede e dei dati del tabulato:

a) si specifichino l'ipotesi nulla e l'ipotesi alternativa da testare.

b) si esegua il test delle ipotesi in a) specificando ed utilizzando, a scelta dello studente, o il p-value, o la regione di rifiuto.

VEDI ESERCIZIO 7.1 PROVA GENERALE STANDARD A

7.2 (2 punti). Al fine di testare se il risultato medio mensile gestionale di due supermercati "X" e "Y" sia differente al livello di significatività 0.1 si sono considerate come realizzazioni campionarie (di campioni indipendenti) i risultati gestionali mensili avuti in 20 mesi e 15 mesi rispettivamente dai due supermercati e si è assunto che i risultati gestionali mensili dei due supermercati siano due variabili aleatorie X e Y entrambe gaussiane con varianze note pari a 0,25 e 0,36 rispettivamente. Sulla base delle due realizzazioni campionarie si è prodotto il tabulato Excel "Test z: due campioni per medie" riportato in basso. Sulla base di quanto precede e facendo esplicito riferimento ai dati del tabulato:

a) si specifichino l'ipotesi nulla e l'ipotesi alternativa da testare

b) si esegua il test delle ipotesi in a) specificando ed utilizzando, a scelta dello studente, o il p-value, o la regione di rifiuto.

VEDI ESERCIZIO 7.2 PROVA GENERALE STANDARD A

| Test z: due campioni per medie | (Es. 7.2) | |
|------------------------------------|-----------|----------|
| | sample X | sample Y |
| Media | 5,101136 | 5,308989 |
| Varianza nota | 0,25 | 0,36 |
| Osservazioni | 20 | 15 |
| Differenza ipotizzata per le medie | 0 | |
| z | -1,08795 | |
| P(Z<=z) una coda | 0,138308 | |
| z critico una coda | 1,281552 | |
| P(Z<=z) due code | 0,276616 | |
| z critico due code | 1,644854 | |

| Test F a due campioni per varianze | (Es. 7.1) | |
|------------------------------------|-----------|----------|
| | pop. X | pop. Y |
| Media | 5,066331 | 9,777154 |
| Varianza | 0,736063 | 0,546194 |
| Osservazioni | 10 | 15 |
| gdl | 9 | 14 |
| F | 1,347622 | |
| P(F<=f) una coda | 0,2975 | |
| F critico una coda | 2,645791 | |