



# Matematica per Economia Finanza e Management

## A.A. 2017/2018 - Annuale

Prof. Paolo Crespi

E-mail pcrespi@liuc.it

Office Piano Terra – Antistante Torre

**Phone** +39-0331.572418

## Calendario Lezione per lezione: Primo semestre

Il calendario seguente rappresenta il programma di massima delle lezioni del primo semestre. Esigenze didattiche potranno richiedere delle variazioni nel corso del semestre.

#### Argomenti

- Matrici. Matrici particolari: riga, colonna, quadrate, triangolare, diagonale, matrice identità, nulla, trasposta, simmetrica.
- Algebra delle matrici: somma e prodotto per uno scalare.
- Moltiplicazione tra matrici.
- Traduzione di un sistema di equazioni in forma matriciale.

#### Testo

K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015. Cap.12: 2, 3, 4, 5.

### Argomenti

- Vettori.
- Vettori fondamentali.
- Prodotto interno e sue proprietà .
- Operazioni con i vettori.
- Norma di un vettore.
- Vettori ortogonali.
- Combinazione lineare di vettori .
  - o Vettori linearmente indipendenti.

#### **Testo**

 K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015.
 Cap. 12: 7, 8.

Gruppo L-Z: G. Bonzini



Lezione 3 28 Settembre2017 Orario: 14:30 – 17:00 Docente Gruppo A-K: E. Cribioli Gruppo L-Z: G. Bonzini	<ul> <li>Argomenti</li> <li>Determinante: calcolo.</li> <li>Proprietà dei determinanti e teorema di Binet.</li> <li>Complementi algebrici.</li> <li>Matrice inversa.</li> <li>Testo</li> <li>K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015. Cap.13: 1, 2, 3, 4, 5, 6.</li> </ul>
Lezione 4 29 Settembre 2017 Orario: 14:30 – 16:00 Docente Gruppo A-K: E. Cribioli Gruppo L-Z: G. Bonzini	<ul> <li>Argomenti</li> <li>Minore, rango.</li> <li>Insiemi di numeri reali: <ul> <li>L'insieme R*.</li> <li>Insiemi finiti e infiniti, limitati e illimitati;</li> <li>Massimo e minimo di un insieme numerico.</li> </ul> </li> <li>Testo</li> <li>K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015. Cap.0: 1.</li> </ul>
Lezione 5 5 Ottobre 2017 Orario: 14:30 – 17:00 Docente Gruppo A-K: E. Cribioli Gruppo L-Z: G. Bonzini	<ul> <li>Il concetto di funzione: definizione . <ul> <li>Funzione reale di variabile reale.</li> <li>Dominio, immagine.</li> </ul> </li> <li>Grafico di una funzione.</li> <li>Test della retta verticale</li> <li>Grafico di una funzione definita a tratti.</li> <li>Applicazioni: Modelli lineari</li> <li>Funzioni quadratiche, ottimizzazione quadratica.</li> <li>Funzioni di domanda e di offerta, equilibrio del mercato.</li> <li>Funzione di costo totale e costo medio.</li> <li>Punto di indifferenza. Break even point.</li> <li>Applicazioni: Ricavi e profitti.</li> </ul> Testo <ul> <li>K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015. Cap.1: 1, 2, 3, 4, 5, 6. Cap.2: 4, 6.</li> </ul>



	Argomenti
Lezione 6 6 Ottobre 2017 Orario: 14:30 – 16:00	Funzioni elementari.
	Proprietà delle funzioni.
	Froprieta delle funzioni.     Funzioni monotone.
	Funzioni monoione.      Funzioni limitate.
	Estremi ed estremanti.
Docente	
Gruppo A-K: E. Cribioli	Funzioni simmetriche: pari o dispari.  Tasta
Gruppo L-Z: G. Bonzini	Testo
	K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per  "Analisi acapamias a finanziasia I adiziana Baarsan 2015."
	l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015.
	Cap.1: 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9. Cap.2: 2. Cap.3: 3.
	Argomenti
	Funzione inversa.
	Monotonia e invertibilità.
Lezione 7	• Funzione composta .
12 Ottobre 2017	• Invertibilità della funzione potenza: da $f(x) = x^n$ a $f^{-1}(x) = x^{1/n}$
Orario: 14:30 – 17:00	Invertibilità delle funzioni esponenziali e logaritmiche.
Docente	La funzione valore assoluto.  The second secon
Gruppo A-K: E. Cribioli	Trasformazioni geometriche nel piano.
Gruppo L-Z: G. Bonzini	Testo
	K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per  MA Visione Matematica per  MA Visione M
	l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015.
	Cap.2: 1, 2, 3.
	Argomenti
1 : 0	Successioni.  Successioni definite con formula abiusa a par ricorrenza
Lezione 8	Successioni definite con formula chiusa e per ricorrenza.
13 Ottobre 2017	La successione geometrica.  Constitute di una guaranziana.
Orario: 14:30 – 16:00	Carattere di una successione
Docente Oriniali	○ Il numero e
Gruppo A-K: E. Cribioli	Testo
Gruppo L-Z: G. Bonzini	K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per  "Analisi acapamias a finanziasia I adiziana Baaraan 2045."
	l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015.
	Cap.4: 11.



Lezione 9 19 Ottobre 2017 Orario: 14:30 – 17:00 Docente Gruppo A-K: E. Cribioli Gruppo L-Z: G. Bonzini	<ul> <li>Argomenti</li> <li>Definizione di limite per una funzione.</li> <li>Limite sinistro e destro.</li> <li>Definizione di funzione continua in un punto e in un insieme.</li> <li>Limite delle funzioni elementari.</li> <li>Operazioni sui limiti.</li> <li>Testo</li> <li>K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015. Cap.3: 5 Cap.4: 8, 9.</li> </ul>
Lezione 10 20 Ottobre 2017 Orario: 14:30 – 16:00 Docente Gruppo A-K: E. Cribioli Gruppo L-Z: G. Bonzini	<ul> <li>Argomenti</li> <li>Forma di indecisione algebrica 0/0.</li> <li>Definizione e ricerca di asintoti verticali.</li> <li>Teoremi sui limiti.</li> <li>Testo</li> <li>K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015. Cap.3: 5 Cap.4: 9.</li> </ul>
Lezione 11 26 Ottobre 2017 Orario: 14:30 – 17:00 Docente Gruppo A-K: E. Cribioli Gruppo L-Z: G. Bonzini	<ul> <li>Limite per x tendente all'infinito.</li> <li>Confronti tra potenze.</li> <li>Confronti di infiniti.</li> <li>Definizione e ricerca di asintoti orizzontali.</li> <li>Testo</li> <li>K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015. Cap.4: 9.</li> </ul>
Lezione 12 27 Ottobre 2017 Orario: 14:30 – 16:00 Docente Gruppo A-K: E. Cribioli Gruppo L-Z: G. Bonzini	<ul> <li>Argomenti</li> <li>Punti di discontinuità (disc. a salto).</li> <li>Proprietà delle funzioni continue.</li> <li>Teorema di Weierstrass</li> <li>Teorema di Darboux (dei valori intermedi)</li> <li>Teorema degli zeri.</li> <li>Testo</li> <li>K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015. Cap.4: 8,10. Cap.5: 4.</li> </ul>



Lezione 13 9 Novembre 2017 Orario: 14:30 – 17:00 Docente Gruppo A-K: E. Cribioli Gruppo L-Z: G. Bonzini	<ul> <li>Argomenti</li> <li>Tasso di variazione medio di una funzione.</li> <li>Derivata: tasso di variazione istantaneo.</li> <li>Pendenza e retta tangente.</li> <li>Funzioni crescenti e decrescenti.</li> <li>Calcolo delle derivate e algebra delle derivate.</li> <li>Applicazioni: analisi marginale e costo medio.</li> <li>Testo</li> <li>K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015. Cap.3: 1, 2, 3, 4, 6, 7, 10, 11.</li> </ul>
Lezione 14 10 Novembre 2017 Orario: 14:30 – 16:00 Docente Gruppo A-K: E. Cribioli Gruppo L-Z: G. Bonzini	<ul> <li>Argomenti</li> <li>Derivata della funzione composta.</li> <li>Regola della catena.</li> <li>Funzioni di più variabili reali.  <ul> <li>Derivate parziali.</li> <li>Applicazioni: funzione di produzione di Cobb – Douglas.</li> </ul> </li> <li>Testo</li> <li>K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015. Cap.3: 8; cap. 8: 1, 2, 5, 6.</li> </ul>
Lezione 15 16 Novembre 2017 Orario: 14:30 – 17:00 Docente Gruppo A-K: E. Cribioli Gruppo L-Z: G. Bonzini	<ul> <li>Argomenti</li> <li>Teorema di de l'Hospital.</li> <li>Derivabilità e continuità(*)</li> <li>Punti singolari (punti angolosi, punti a tangente verticale).</li> <li>Condizione sufficiente di derivabilità.</li> <li>Elasticità d'arco e puntuale.</li> <li>Applicazioni: elasticità della domanda al prezzo.</li> <li>Testo</li> <li>K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015. Cap.4: 7, 9, 12.</li> </ul>
Lezione 16 17 Novembre 2017 Orario: 14:30 – 16:00 Docente Gruppo A-K: E. Cribioli Gruppo L-Z: G. Bonzini	<ul> <li>Argomenti</li> <li>Differenziale e approssimazione lineare.</li> <li>Polinomio di Taylor (del primo e) del secondo ordine.</li> <li>Testo</li> <li>K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015. Cap.4: 4, 5.</li> </ul>



Lezione 17 23 Novembre 2017 Orario: 14:30 – 17:00 Docente Gruppo A-K: E. Cribioli Gruppo L-Z: G. Bonzini	<ul> <li>Argomenti</li> <li>Estremanti locali: definizione ed esempi.</li> <li>Punti stazionari per le funzioni di una e più variabili.</li> <li>Ottimizzazione delle funzioni di un variabile.</li> <li>Teorema di Fermat(*).</li> <li>Teorema del valor medio o di Lagrange</li> <li>Test di monotonia.</li> <li>Ricerca degli estremanti locali e globali: primo test di riconoscimento dei punti stazionari.</li> <li>Testo</li> <li>K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015. Cap.5: 1, 2, 4, 6.</li> </ul>
Lezione 18 24 Novembre 2017 Orario: 14:30 – 16:00 Docente Gruppo A-K: E. Cribioli Gruppo L-Z: G. Bonzini	<ul> <li>Argomenti</li> <li>Ottimizzazione di una funzione derivabile su un intervallo [a, b].</li> <li>Applicazioni: gestione ottima del magazzino, minimo costo medio. Massimo fatturato e massimo profitto.</li> <li>Testo</li> <li>K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015. Cap.5: 1, 3, 4, 5, 6.</li> </ul>
Lezione 19 30 Novembre 2017 Orario: 14:30 – 17:00 Docente Gruppo A-K: E. Cribioli Gruppo L-Z: G. Bonzini	<ul> <li>Argomenti</li> <li>Convessità, concavità e punti di flesso.</li> <li>Test della derivata seconda per classificare un punto stazionario.</li> <li>Studio di funzione.</li> <li>Testo</li> <li>K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015. Cap.3: 9; cap.5: 2, 6, 7.</li> </ul>
Lezione 20 1 Dicembre 2017 Orario: 14:30 – 16:00 Docente Gruppo A-K: E. Cribioli Gruppo L-Z: G. Bonzini	<ul> <li>Argomenti</li> <li>Definizione di serie</li> <li>Serie geometrica.</li> <li>Testo</li> <li>K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015. Cap.7: 4.</li> </ul>



Lezione 21 14 Dicembre 2017 Orario: 14:30 – 17:00 Docente Gruppo A-K: E. Cribioli Gruppo L-Z: G. Bonzini	<ul> <li>Argomenti</li> <li>Definizione di primitiva.</li> <li>Integrale indefinito.         <ul> <li>Primitive immediate.</li> <li>Primitiva passante per un punto assegnato.</li> <li>Applicazioni: Dal costo marginale al costo totale.</li> <li>Integrazione per scomposizione.</li> <li>Calcolo di alcuni integrali con il metodo di integrazione per parti.</li> </ul> </li> <li>Testo</li> <li>K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015. Cap.6: 1, 5.</li> </ul>
Lezione 22 15 Dicembre 2017 Orario: 14:30 – 16:00 Docente Gruppo A-K: E. Cribioli Gruppo L-Z: G. Bonzini	<ul> <li>Argomenti</li> <li>Integrazione per sostituzione</li> <li>Integrale ed area: <ul> <li>definizione di integrale definito e significato geometrico.</li> </ul> </li> <li>Testo</li> <li>K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015. Cap.6: 2, 3, 6.</li> </ul>
Lezione 23 21 Dicembre 2017 Orario: 14:30 – 17:00 Docente Gruppo A-K: E. Cribioli Gruppo L-Z: G. Bonzini	<ul> <li>Argomenti</li> <li>Proprietà dell'integrale definito.</li> <li>Il teorema fondamentale del calcolo integrale. <ul> <li>Calcolo di aree piane.</li> </ul> </li> <li>Integrali generalizzati su intervalli illimitati.</li> </ul> Testo <ul> <li>K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson,2015. Cap.6: 2, 4, 7.</li> </ul>
Lezione 24 22 Dicembre 2017 Orario: 14:30 – 16:00 Docente Gruppo A-K: E. Cribioli Gruppo L-Z: G. Bonzini	<ul> <li>Argomenti</li> <li>Funzione integrale.</li> <li>Testo</li> <li>K. Sydsæter, P. Hammond, A. Strøm, Metodi Matematici per l'Analisi economica e finanziaria, I edizione, Pearson, 2015. Cap.6: 3.</li> </ul>