## 1 Modello di liquido o solido incomprimibile ideale

Si basa sull'ipotesi che il volume specifico v sia costante. Le equazioni costitutive diventano

$$\begin{cases}
du = c dT \\
dh = c dT + v dp \\
ds = c \frac{dT}{T}
\end{cases}$$
(1)

dove il calore specifico, l'energia interna specifica e l'entropia specifica sono funzione della sola temperatura, mentre l'entalpia specifica è funzione di temperatura e pressione: c = c(T), u = u(T), s = s(T), h = h(T, p).

## 1.1 Modello di liquido o solido incomprimibile perfetto

Si parla di liquido o solido incomprimibile perfetto se il calore specifico è costante. In questo caso le equazioni costitutive (1) sono facilmente integrabili e si ottiene

$$\begin{cases} u_2 - u_1 &= c (T_2 - T_1) \\ h_2 - h_1 &= c (T_2 - T_1) + v (p_2 - p_1) \\ s_2 - s_1 &= c \ln \frac{T_2}{T_1} \end{cases}$$

**NOTA:** v, c, u, s e h possono indicare proprietà specifiche per unità di massa oppure per unità di quantità di costituente. Ad esempio nella prima equazione delle (1), se il calore specifico è espresso per unità di massa in kJ/kg K si otterrà un'energia specifica per unità di massa espressa in kJ/kg, se invece il calore specifico è espresso per unità di quantità di costituente in kJ/kmol K si otterrà un'energia specifica per unità di quantità di costituente espressa in kJ/kmol.

## 2 Modello di gas ideale

Un gas si comporta come ideale quando ogni singola particella non avverte la presenza delle altre. Per un gas ideale vale l'equazione di stato

$$p v = R T \tag{2}$$

e le equazioni costitutive diventano

$$\begin{cases}
du = c_v dT \\
dh = c_p dT \\
ds = c_p \frac{dT}{T} - R \frac{dp}{p} \\
= c_v \frac{dT}{T} + R \frac{dv}{v} \\
= c_p \frac{dv}{v} + c_v \frac{dp}{p}
\end{cases}$$
(3)

dove il calore specifico a volume costante, il calore specifico a pressione costante, l'energia interna specifica e l'entalpia specifica sono funzione della sola temperatura:  $c_v = c_v(T)$ ,  $c_p = c_p(T)$ , u = u(T), h = h(T).

Inoltre i calori specifici a pressione e a volume costante differiscono per una costante R

$$c_p = c_v + R$$

## 2.1 Modello di gas perfetto

Per temperature non troppo elevate si ha

- $c_v = \frac{3}{2} R$  per un gas monoatomico,
- $c_v = \frac{5}{2} R$  per un gas biatomico o poliatomico con molecola allineata,
- $c_v = 3 R$  per un gas poliatomico con molecola non allineata,

e  $c_v$  risulta perciò indipendente dalla temperatura (essendo R una costante). Se  $c_v$  è costante si parla di gas perfetto. In questo caso le equazioni costitutive (3) sono facilmente integrabili e si ottiene

$$\begin{cases} u_2 - u_1 &= c_v (T_2 - T_1) \\ h_2 - h_1 &= c_p (T_2 - T_1) \\ s_2 - s_1 &= c_p \ln \frac{T_2}{T_1} - R \ln \frac{p_2}{p_1} \\ &= c_v \ln \frac{T_2}{T_1} + R \ln \frac{v_2}{v_1} \\ &= c_p \ln \frac{v_2}{v_1} + c_v \ln \frac{p_2}{p_1} \end{cases}$$

**NOTA:** in tutto il paragrafo 2 relativo ai modelli di gas ideale e perfetto v,  $c_v$ ,  $c_p$ , u, s e h possono indicare proprietà specifiche per unità di massa oppure per unità di quantità di costituente. Se le proprietà sono espresse per unità di quantità di costituente R indica la costante universale dei gas R = 8.314 kJ/kmol K, mentre se le proprietà sono espresse per unità di massa R indica la costante del gas  $R^*$  ottenuta dividendo la costante universale dei gas R per la massa molecolare del gas  $M_m$  (se R è espressa in kJ/kmol K e  $M_m$  in kg/kmol,  $R^*$  risulta in kJ/kg K).

Ad esempio, la legge di stato dei gas ideali (2) può essere scritta come

$$p v = \mathcal{R} T$$

dove v rappresenta il volume specifico per unità di quantità di costituente e  $\mathcal{R}$  è la costante universale dei gas, oppure come

$$p v = R^* T$$

dove v rappresenta il volume specifico per unità di massa e  $R^*$  è la costante del gas.